

Київський національний університет
будівництва і архітектури
 Кафедра вищої математики

| Шифр спеціальності | Назва спеціальності освітньої програми | Освітній рівень |
|--------------------|--|-----------------|
| E2 | Екологія ОПП «Екологія та охорона навколишнього середовища» | Бакалавр |

«Затверджую»

Завідувач кафедри

/ Наталія БОНДАРЕНКО/

Розробник силабуса

/ Людмила СОКОЛОВА/



СИЛАБУС

Вища математика (назва освітньої компоненти)

1) Статус освітньої компоненти: обов'язкова

2) Контактні дані викладача:

Соколова Людмила Віталіївна

канд. фіз.-мат. наук, доцент

доцент кафедри вищої математики

e-mail: sokolova.lv@knuba.edu.ua

Сторінка викладача: <https://gisut.knuba.edu.ua/kafedra-vishhoji-matematiki/vikladackij-sklad-kafedri-vishhoji-matematiki/sokolova-lyudmila-vitaliyivna/>

3) Пререквізити: шкільний курс математики (алгебра та початки аналізу, геометрія)

4) Коротка анотація дисципліни

Вивчення освітньої компоненти передбачає оволодіння знаннями з таких розділів вищої математики:

1. Лінійна алгебра (комплексні числа, алгебра матриць, системи лінійних рівнянь, визначники, лінійні простори).

2. Аналітична геометрія (векторна алгебра, системи координат, пряма на площині, площа та пряма у просторі, криві та поверхні другого порядку).

3. Математичний аналіз (диференціальнечислення функції однієї змінної, інтегральнечислення функції однієї змінної, диференціальні рівняння, диференціальнечислення функцій багатьох змінних, кратні інтеграли, числові та функціональні ряди).

5) Структура курсу:

| | Лекції, год. | Практичні заняття, год. | Лабораторні заняття, год. | Курсовий проект/ курсова робота РГР/Контрольна робота | Самостійна робота здобувача, год. | Форма підсумкового контролю |
|--|-----------------|-------------------------------|---------------------------------|---|---|-----------------------------------|
|--|-----------------|-------------------------------|---------------------------------|---|---|-----------------------------------|

Денна форма здобуття ВО

| | | | | | | |
|---------|----|----|--|---|----|---------|
| I сем. | 26 | 24 | | 2 | 40 | залик |
| II сем. | 40 | 30 | | 2 | 80 | екзамен |

Заочна форма здобуття ВО

| | | | | | | |
|----|----|----|--|---|-----|---------|
| I | 20 | 30 | | 2 | 100 | екзамен |
| II | 20 | 20 | | 2 | 50 | залик |

Сума годин: 270

Загальна кількість кредитів ECTS 9

Вид індивідуального завдання Контрольна робота

6) Зміст курсу:

Лекції

I семестр

Тема 1. Розширення поняття числа. Комплексні числа.

Тема 2. Матриці та дії над ними. Матричні моделі в екології.

Тема 3. Визначники. Властивості визначників.

Тема 4. Системи лінійних рівнянь та методи їх розв'язання.

Тема 5. Лінійні простори. Базис. Розмірність. Ранг системи векторів, ранг матриці. Фундаментальна система розв'язків однорідної системи лінійних рівнянь.

Тема 6. Власні вектори та власні значення лінійного оператора; застосування в динаміці популяцій.

Тема 7. Системи координат на площині та в просторі. Вектор. Арифметичні операції над векторами.

Тема 8. Скалярний, векторний і мішаний добутки векторів.

Тема 9. Аналітична геометрія на площині. Рівняння прямої. Криві другого порядку на площині.

Тема 10. Аналітична геометрія в просторі. Рівняння прямої та площини в просторі.

Тема 11. Функція одної дійсної змінної. Числові послідовності та їх граници.

Границя і неперервність функції одної дійсної змінної.

Тема 12. Диференціальнечислення функції однієї змінної. Похідна та диференціал.

Тема 13. Застосування похідної до дослідження функцій.

II семестр

Тема 1. Невизначений інтеграл та його властивості. Основні методи інтегрування.

Тема 2. Метод інтегрування частинами. Інтегрування раціональних дробів.

Тема 3. Інтегрування ірраціональних та тригонометричних функцій.

Тема 4. Звичайні диференціальні рівняння (загальна теорія). Диференціальні рівняння першого порядку.

Тема 5. Диференціальні рівняння вищих порядків.

Тема 6. Лінійні диференціальні рівняння другого порядку зі сталими коефіцієнтами.

Тема 8. Системи диференціальних рівнянь.

Тема 9. Диференціальні рівняння та їх системи в задачах екології.

Тема 10. Диференціальнечислення функцій багатьох змінних (на прикладі функцій двох змінних).

Частинні похідні та диференціал функцій двох змінних.

Тема 11. Диференціювання складеної функції. Диференціювання неявно заданої функції.

Тема 12. Похідна за напрямком. Градієнт.

Тема 13. Екстремум функції двох змінних.

Тема 14. Визначений інтеграл та його застосування. Формула Ньютона - Лейбница.

Тема 15. Невласні інтеграли. Властивості. Дослідження на збіжність.

Тема 16. Кратні інтеграли. Властивості. Застосування.

Тема 17. Криволінійні інтеграли. Властивості. Застосування

Тема 18. Ряди. Числові ряди.

Тема 19. Степеневі ряди. Область збіжності степеневого ряду.

Тема 20. Ряди Тейлора (Маклорена). Застосування рядів до наближених обчислень

Практичні заняття

I семестр

Тема 1. Комплексні числа. Дії над комплексними числами. Розв'язання рівнянь.

Тема 2. Матриці. Дії над матрицями. Матричні моделі в екології. Матриця Леслі.

Тема 3. Визначники. Обчислення та властивості визначників. Знаходження оберненої матриці.

Тема 4. Розв'язання систем лінійних алгебраїчних рівнянь. Матричні рівняння в екології.

Тема 5. Ранг матриці. Однорідні та неоднорідні СЛАР. Фундаментальна система розв'язків однорідної СЛАР.

Тема 6. Власні вектори та власні значення лінійного оператора. Застосування в динаміці популяцій.

Тема 7. Координати, довжина, орт вектора. Лінійні операції над векторами

Тема 8. Скалярний, векторний та мішаний добутки векторів.

Тема 9. Знаходження границь функцій.

Тема 10. Знаходження похідних функцій.

Тема 11. Диференціал. Застосування диференціалу до наближених обчислень.

Тема 12. Застосування похідної до дослідження функцій.

II семестр

Тема 1. Знаходження невизначених інтегралів. Метод безпосереднього інтегрування, метод заміни змінної.

Тема 2. Метод інтегрування за частинами в невизначеному інтегралі. Інтегрування дробово-раціональних функцій.

Тема 3. Розв'язання диференціальних рівнянь першого порядку.

Тема 4. Розв'язання лінійних диференціальних рівнянь другого порядку зі сталими коефіцієнтами.

Тема 5. Системи диференціальних рівнянь.

Тема 6. Знаходження області визначення функцій двох змінних. Частинні похідні першого порядку.

Тема 7. Похідні складених функцій та функцій, заданих неявно. Диференціал першого та другого порядків.

Тема 8. Похідна за напрямком. Градієнт.

Тема 9. Локальний екстремум функцій двох змінних.

Тема 10. Обчислення визначених інтегралів. Формула Ньютона-Лейбніца. Метод інтегрування підстановкою та за частинами у визначеному інтегралі. Обчислення невласних інтегралів 1-го та 2-го роду.

Тема 11. Обчислення подвійного інтеграла. Заміна змінних в подвійному інтегралі. Перехід в подвійному інтегралі до полярної системи координат.

Тема 12. Обчислення потрійного інтегралу. Заміна змінних в потрійному інтегралі.

Тема 13. Обчислення криволінійних інтегралів.

Тема 14. Дослідження числових рядів на збіжність за означенням. Дослідження знакододатних рядів на збіжність за допомогою достатніх ознак збіжності: ознаки Д'Аламбера, радикальної ознаки Коші та інтегральної ознаки Коші. Знакопочережні ряди. Абсолютна та умовна збіжність знакопочережніх рядів.

Тема 15. Степеневі ряди. Знаходження області збіжності степеневого ряду. Застосування степеневих рядів до наближених обчислень.

Семестр I.

Контрольна робота 1: Дії над матрицями. Визначники. Системи лінійних рівнянь. Векторна алгебра.

Контрольна робота 2: Диференціальнечислення функцій однієї змінної.

Семестр II.

Контрольна робота 1: Невизначений інтеграл. Диференціальні рівняння. Функції двох змінних.

Контрольна робота 2: Визначений інтеграл. Подвійний та потрійний інтеграли. Числові ряди.

7) Посилання на сторінку електронного навчально-методичного комплексу дисципліни:

<https://org2.knuba.edu.ua/course/view.php?id=420>